



## Toy Train玩具火车

Arezou和她的兄弟Borzou是双胞胎。他们收到的生日礼物是一套好玩的玩具火车。他们用它建了一个有 $n$ 个车站和 $m$ 段单向轨道的铁路系统。这些车站的编号是从0到 $n - 1$ 。每段轨道都始于某一车站，然后终于同一车站或其他车站。每个车站至少会有一段轨道以它为起点。

其中有些车站是充电车站。无论何时，如果火车抵达某个充电车站，它都会被充到满电。满电火车拥有足够的动力连续地驶过 $n$ 段轨道，但是如果不再充电的话，在即将进入第 $n + 1$ 段轨道时它就会因电已用光而停车。

每个车站都有一个轨道开关，可以扳向任一以该车站为起点的轨道。火车从某个车站驶出时，驶向的正是该车站的开关所扳向的轨道。

这对双胞胎打算用他们的火车玩个游戏。他们已经分完了所有的车站：每个车站要么归Arezou，要么归Borzou。游戏里面只有一列火车。游戏开始时，这列火车停在车站 $s$ ，并且充满了电。为启动游戏，车站 $s$ 的拥有者把车站 $s$ 的开关扳向某个以 $s$ 为起点的轨道。随后他们启动火车，火车也就开始沿着轨道行驶。

无论何时，在火车首次进入某一车站时，该车站的拥有者都要扳定车站开关。开关一旦扳定，它就会保持状态不变直到游戏结束。因此，火车如果开到了某个曾经进过的车站，就会沿着与之前相同的轨道开出该车站。

由于车站数量是有限的，火车的行驶最终都会落入某个环路。环路是指一系列不同的车站 $c[0], c[1], \dots, c[k - 1]$ ，其中火车在离开车站 $c[i]$  ( $0 \leq i < k - 1$ )后驶上连向车站 $c[i + 1]$ 的轨道，在离开车站 $c[k - 1]$ 后驶上连向车站 $c[0]$ 的轨道。一个环路可能只包括一个车站(此时 $k = 1$ )，即火车从车站 $c[0]$ 驶出后又驶上了连向 $c[0]$ 的轨道。

如果火车能够连续行驶跑个没完，Arezou就赢了。否则火车最后会把电用光而停车，这样Borzou就赢了。换句话说，如果在车站 $c[0], c[1], \dots, c[k - 1]$ 中至少有一个充电车站，且使得火车能够不断地充电而沿着环路跑个没完，Arezou赢。否则，它就会最终把电用光(有可能是在沿着环路跑好几圈后)，Borzou赢。

现在给你一个这样的铁路系统。Arezou和Borzou将会玩 $n$ 轮游戏。其中在第 $s$ 轮游戏中 ( $0 \leq s \leq n - 1$ )，火车最初停在车站 $s$ 上。你的任务是，对每一轮游戏，判断是否无论Borzou怎么玩，Arezou都必胜。

### 实现细节

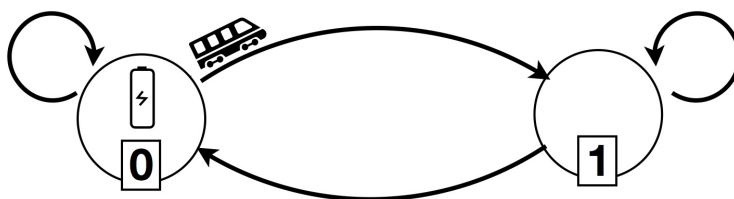
你需要实现下面的函数：

```
int[] who_wins(int[] a, int[] r, int[] u, int[] v)
```

- $a$ : 长度为  $n$  的数组。如果 Arezou 拥有车站  $i$ , 则  $a[i] = 1$ ; 否则 Borzou 拥有车站  $i$ , 且  $a[i] = 0$ 。
- $r$ : 长度为  $n$  的数组。如果车站  $i$  是充电车站, 则  $r[i] = 1$ 。否则  $r[i] = 0$ 。
- $u$  和  $v$ : 长度为  $m$  的数组。对于所有  $0 \leq i \leq m - 1$ , 存在某一单向轨道, 其起点为  $u[i]$ , 终点为  $v[i]$ 。
- 该函数需要返回一个长度为  $n$  的数组  $w$ 。对于每个  $0 \leq i \leq n - 1$ , 如果在火车最初停在车站  $i$  的游戏中, 不管 Borzou 怎么玩, Arezou 都能赢, 则  $w[i]$  的值应为 1。否则  $w[i]$  的值应为 0。

## 例子

```
who_wins([0, 1], [1, 0], [0, 0, 1, 1], [0, 1, 0, 1])
```



- 这里有 2 个车站。Borzou 拥有充电车站 0。Arezou 拥有车站 1, 但是它不是充电车站。
- 这里有 4 段轨道  $(0, 0)$ ,  $(0, 1)$ ,  $(1, 0)$  和  $(1, 1)$ , 其中  $(i, j)$  表示一个以车站  $i$  为起点、车站  $j$  为终点的单向轨道。
- 考虑火车最初停在车站 0 的游戏。如果 Borzou 将车站 0 的开关扳向轨道  $(0, 0)$ , 那么火车就会沿着这个环形轨道绕个没完 (注意, 车站 0 是一个充电车站)。在这种情况下, Arezou 赢。否则, 如果 Borzou 把车站 0 的开关扳向轨道  $(0, 1)$ , Arezou 可以把车站 1 的开关扳向轨道  $(1, 0)$ 。这样的话, 火车将会在两个车站之间绕个不停。Arezou 还是会赢, 因为车站 0 是充电车站, 火车将跑个没完。因此, 无论 Borzou 怎么玩, Arezou 都会赢。
- 根据类似的逻辑, 在火车最初停在车站 1 的游戏中, 无论 Borzou 怎么玩, Arezou 也都会赢。因此, 函数应当返回  $[1, 1]$ 。

## 数据范围和限制

- $1 \leq n \leq 5000$ 。
- $n \leq m \leq 20\,000$ 。
- 至少会有一个充电车站。
- 每个车站至少会有一段轨道以它为起点。
- 可能会有某个轨道的起点和终点是相同的 (即  $u[i] = v[i]$ )。
- 所有轨道两两不同。也就是说, 不存在这样的两个下标  $i$  和  $j$  ( $0 \leq i < j \leq m - 1$ ), 使得  $u[i] = u[j]$  且  $v[i] = v[j]$ 。
- 对于所有  $0 \leq i \leq m - 1$ , 都有  $0 \leq u[i], v[i] \leq n - 1$ 。

## 子任务

1. (5分) 对于所有  $0 \leq i \leq m - 1$ ，都有  $v[i] = u[i]$  或者  $v[i] = u[i] + 1$ 。
2. (10分)  $n \leq 15$ 。
3. (11分) Arezou 拥有所有车站。
4. (11分) Borzou 拥有所有车站。
5. (12分) 充电车站的数量为1。
6. (51分) 无任何限制。

## 评分程序样例

评分程序样例会按照下述格式来读取输入数据：

- 第1行：  $n \ m$
- 第2行：  $a[0] \ a[1] \ \dots \ a[n - 1]$
- 第3行：  $r[0] \ r[1] \ \dots \ r[n - 1]$
- 第4 +  $i$ 行(对于所有  $0 \leq i \leq m - 1$ )：  $u[i] \ v[i]$

评分程序样例会按照下述格式打印出 `who_wins` 的返回结果：

- 第1行：  $w[0] \ w[1] \ \dots \ w[n - 1]$